

Министерство образования и науки Астраханской области
Государственное автономное образовательное учреждение
Астраханской области высшего образования
«Астраханский государственный архитектурно-строительный
университет»
(ГАОУ АО ВО «АГАСУ»)



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины

Теория вероятностей и математическая статистика

(указывается наименование в соответствии с учебным планом)

По направлению подготовки

38.03.01 «ЭКОНОМИКА»

(указывается наименование направления подготовки в соответствии с ФГОС)

Направленность (профиль)

«Бухгалтерский учет, анализ и аудит»

«Экономика предприятий и организаций»

(указывается наименование профиля в соответствии с ОПОП)

Кафедра

Системы автоматизированного проектирования и моделирования

Квалификация выпускника *бакалавр*

Разработчик:

Д.Т.Н., профессор

(занимаемая должность,
учёная степень и учёное звание)



(подпись)

/ Т.В. Хоменко /

И.О.Ф.

ст. преподаватель

(занимаемая должность)



(подпись)

/ И.А. Череповская /

И.О.Ф.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры «Системы автоматизированного проектирования и моделирования» протокол № _____ от _____

Заведующий кафедрой



(подпись)

Хоменко Т.В.

Согласовано:

Председатель МКН «Экономика», направленность (профиль)

«Бухгалтерский учет, анализ и аудит»



(подпись)

/И.И.Потапова/

И. О. Ф.

Председатель МКН «Экономика», направленность (профиль)

«Экономика предприятий и организаций»



(подпись)

/И.И.Потапова/

И. О. Ф.

Начальник УМУ

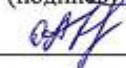


(подпись)

/ Н.В. Аксенова /

И. О. Ф.

Специалист УМУ

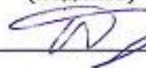


(подпись)

/ О.В. Михайлова /

И. О. Ф.

Начальник УИГ



(подпись)

/ С.В. Туркина /

И. О. Ф.

Заведующая научной библиотекой



(подпись)

/ П.С. Хайришова /

И. О. Ф.

Содержание:

	Стр.
1. Цель освоения дисциплины	4
2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	4
3. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата	4
4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по типам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	5
5. Содержание дисциплины, структурированное по разделам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий и работы обучающегося (в академических часах)	6
5.1.1. Очная форма обучения	6
5.1.2. Заочная форма обучения	7
5.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам	8
5.2.1. Содержание лекционных занятий	8
5.2.2. Содержание лабораторных занятий	9
5.2.3. Содержание практических занятий	9
5.2.4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	10
5.2.5. Темы контрольных работ	13
5.2.6. Темы курсовых проектов/курсовых работ	13
6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	13
7. Образовательные технологии	14
8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины	15
8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	15
8.2. Перечень необходимого лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе и отечественного производства, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине	16
8.3. Перечень современных профессиональных баз данных и информационно-справочных систем, доступных при освоении дисциплины	16
9. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине	16
10. Особенности организации обучения по дисциплине для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья	19

1. Цели освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины «*Теории вероятностей и математической статистики*» является формирование компетенций обучающегося в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика»

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения дисциплины обучающийся должен овладеть следующими компетенциями:

ОПК-2 – способностью осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач

ПК-4 – способностью на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты

В результате освоения дисциплины обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

знать:

-фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики. Знать методы преобразования и математической обработки экономической информации (ОПК-2);

-фундаментальные законы линейной алгебры. Знать методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства (ПК-4).

уметь:

-обрабатывать экономическую информацию на математических пакетах (ОПК – 2);

-решать и анализировать математико-экономические модели с помощью математических пакетов (ПК – 4).

владеть:

-навыками решения и анализа математико-экономических моделей (ОПК – 2);

-навыками нахождения оптимальных планов народно-хозяйственных (ПК – 4).

3. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина **Б1.Б.09 «Теория вероятностей и математическая статистика»** реализуется в рамках Блока 1 «Дисциплины (модули)» базовой части.

Дисциплина базируется на результатах обучения, полученных в рамках изучения следующих дисциплин: «Математика», «Информатика», изучаемых в школьном курсе.

4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по типам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Форма обучения	Очная	Заочная
Трудоемкость в зачетных единицах:	3 семестр – 4 з.е.; всего - 4 з.е.	1 семестр – 2 з.е.; 2 семестр – 2 з.е.; всего - 4 з.е.
Лекции (Л)	3 семестр – 18 часов всего - 18 часов	1 семестр – 2 часа 2 семестр – 4 часа всего - 6 часов
Лабораторные занятия (ЛЗ)	<i>учебным планом не предусмотрены</i>	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
Практические занятия (ПЗ)	3 семестр – 34 часов всего - 34 часов	1 семестр – 6 часов 2 семестр – 12 часов всего - 18 часов
Самостоятельная работа (СР)	3 семестр – 92 часа всего - 92 часа	1 семестр – 64 часа 2 семестр – 56 часов всего - 120 часов
Форма текущего контроля:		
Контрольная работа	семестр – 3	семестр – 2
Форма промежуточной аттестации:		
Экзамены	семестр – 3	семестр – 2
Зачет	<i>учебным планом не предусмотрены</i>	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
Зачет с оценкой	<i>учебным планом не предусмотрены</i>	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
Курсовая работа	<i>учебным планом не предусмотрены</i>	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
Курсовой проект	<i>учебным планом не предусмотрены</i>	<i>учебным планом не предусмотрены</i>

5. Содержание дисциплины, структурированное по разделам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по типам учебных занятий и работы обучающихся (в академических часах)

5.1.1. Очная форма обучения

№ п/п	Раздел дисциплины. (по семестрам)	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по типам учебных занятий и работы обучающихся				Форма текущего контроля и промежуточной аттестации
				контактная			СР	
				Л	ЛЗ	ПЗ		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.	Раздел1. Основные понятия теории вероятностей	26	3	4	-	6	16	К/р Экзамен
2.	Раздел2. Случайные величины	20	3	2	-	4	14	
3.	Раздел3. Основные законы распределения	26	3	4	-	6	16	
4.	Раздел4. Многомерные случайные величины	22	3	2	-	6	14	
5.	Раздел5. Основные понятия математической статистики	26	3	4	-	6	16	
6.	Раздел6. Проверка статистических гипотез	24	3	2	-	6	16	
Итого:		144		18	-	34	92	

5.1.2. Заочная форма обучения

№ п/п	Раздел дисциплины. (по семестрам)	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по типам учебных занятий и работы обучающихся				Форма текущего контроля и промежуточной аттестации
				контактная			СР	
				Л	ЛЗ	ПЗ		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.	Раздел1. Основные понятия теории вероятностей	26	1	2	-	-	24	К/р Экзамен
2.	Раздел2. Случайные величины	20	1		-	4	16	
3.	Раздел3. Основные законы распределения	26	1	-	-	2	24	
4.	Раздел4. Многомерные случайные величины	22	2	2	-	4	16	
5.	Раздел5. Основные понятия математической статистики	26	2	-	-	4	22	
6.	Раздел6. Проверка статистических гипотез	24	2	2	-	4	18	
Итого:		144		6	-	18	120	

5.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам

5.2.1. Содержание лекционных занятий

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1.	Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей	Предмет теории вероятностей. Основные понятия, пространство элементарных событий, частота события, достоверные, невозможные и случайные события. Классическое и статистическое определение вероятности, геометрическая вероятность. Свойства вероятностей. Условная вероятность. Независимые события. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторение испытаний Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности
2.	Раздел 2. Случайные величины	Определение случайной величины. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Моменты случайных величин
3.	Раздел 3. Основные законы распределения	Закон распределения дискретной случайной величины. Интегральная функция распределения и ее свойства. Плотность распределения вероятностей. Примеры законов распределения дискретных и непрерывных случайных величин. Распределение функций случайных аргументов
4.	Раздел 4. Многомерные случайные величины	Система двух случайных величин. Закон распределения вероятностей дискретной двумерной величины. Функция и плотность распределения, их свойства. Условные законы распределения составляющих двумерных величин. Условное математическое ожидание. Числовые характеристики системы двух случайных величин
5.	Раздел 5. Основные понятия математической статистики	Задачи математической статистики. Генеральные и выборочные совокупности. Способы отбора. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Выборочные характеристики случайных величин. Оценки. Несмещенные, состоятельные и эффективные оценки. Оценки математического ожидания и дисперсии. Теория точечных оценок. Функция правдоподобия. Метод наибольшего правдоподобия, метод моментов. Теория интервального оценивания. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Построение доверительных интервалов для оценки параметров выборки из нормальной совокупности

6.	Раздел 6. Проверка статистических гипотез	Статистическая гипотеза. Ошибки 1-го и 2-го рода. Отыскание критических областей. Мощность критерия. Проверка гипотез о совпадении параметров распределения. Сравнение средних и дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Проверка гипотез о виде распределения. Непараметрические критерии согласия. Теорема Пирсона. Критерий хи-квадрат, критерий Колмогорова. Элементы корреляционного и регрессионного анализа Основные положения. Примеры применения
----	--	---

5.2.2. Содержание лабораторных занятий

учебным планом не предусмотрены

5.2.3. Содержание практических занятий

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1.	Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей	Входное тестирование по дисциплине. Решение задач с применением классической и статистической вероятности, геометрическая вероятность. Определение частоты событий, достоверных, невозможных и случайных событий. Свойства вероятностей. Условная вероятность. Независимые события. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Бейеса. Повторение испытаний Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности
2.	Раздел 2. Случайные величины	Вычисление числовых характеристик случайных величин. Определение случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Моменты случайных величин
3.	Раздел 3. Основные законы распределения	Решение задач с применением закона распределения дискретной случайной величины. Интегральная функция распределения и ее свойства. Плотность распределения вероятностей. Примеры законов распределения дискретных и непрерывных случайных величин. Распределение функций случайных аргументов
4.	Раздел 4. Многомерные случайные величины	Решение задач с применением закона распределения вероятностей дискретной двумерной величины. Функция и плотность распределения, их свойства. Условные законы распределения составляющих двумерных величин. Условное математическое ожидание. Числовые характеристики системы двух случайных величин

5.	Раздел 5. Основные понятия математической статистики	Решение задач с применением аппарата математической статистики. Генеральные и выборочные совокупности. Способы отбора. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Выборочные характеристики случайных величин. Оценки. Несмещенные, состоятельные и эффективные оценки. Оценки математического ожидания и дисперсии. Теория точечных оценок. Функция правдоподобия. Метод наибольшего правдоподобия, метод моментов. Теория интервального оценивания. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Построение доверительных интервалов для оценки параметров выборки из нормальной совокупности
6.	Раздел 6. Проверка статистических гипотез	Решение задач с применением аппарата математической статистики. Статистическая гипотеза. Ошибки 1-го и 2-го рода. Отыскание критических областей. Мощность критерия. Проверка гипотез о совпадении параметров распределения. Сравнение средних и дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Проверка гипотез о виде распределения. Непараметрические критерии согласия. Теорема Пирсона. Критерий хи-квадрат, критерий Колмогорова. Элементы корреляционного и регрессионного анализа Основные положения. Примеры применения

5.2.4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Очная форма обучения

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание	Учебно-методическое обеспечение
1	2	3	4
1.	Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей	Достоверные, невозможные и случайные события. Геометрическая вероятность. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Теоремы Лапласа. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3],[4],[5], [7],[9]

2.	Раздел 2. Случайные величины	<p>Дискретная и непрерывная случайная величина. Числовые характеристики случайных величин. Функции и плотность распределения. Моменты распределения случайных величин. Моменты начальные и центральные, связь между ними.</p> <p>Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.</p>	[1], [2], [3], [4], [8], [9].
3.	Раздел 3. Основные законы распределения	<p>Интегральная функция распределения и ее свойства. Плотность распределения вероятностей и ее свойства. Примеры законов распределения дискретных и непрерывных случайных величин.</p> <p>Дискретные распределения: биномиальное, пуассоновское, равномерное и их параметры. Нормальное распределение. Кривая Гаусса.</p> <p>Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.</p>	[1], [2], [3], [4], [8], [9].
4.	Раздел 4. Многомерные случайные величины	<p>Закон распределения вероятностей дискретной двумерной величины. Функция распределения и плотность распределения двумерной случайной величины, их свойства. Условные законы распределения составляющих двумерных величин. Условное математическое ожидание. Числовые характеристики двумерной случайной величины.</p> <p>Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.</p>	[1], [2], [3], [4], [5], [6], [8], [9]
5.	Раздел 5. Основные понятия математической статистики	<p>Генеральные и выборочные совокупности. Способы отбора. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Выборочные характеристики случайных величин. Несмещенные, состоятельные и эффективные оценки. Оценки математического ожидания и дисперсии. Теория точечных оценок. Функция правдоподобия. Метод наибольшего правдоподобия. Метод моментов. Теория интервального оценивания.</p> <p>Подготовка к практическим работам.</p>	[1], [2], [3], [4], [5], [6], [8], [9].

		Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	
6.	Раздел 6. Проверка статистических гипотез	Ошибки 1-го и 2-го рода. Отыскание критических областей. Мощность критерия. Сравнение средних и дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Проверка гипотез о виде распределения. Непараметрические критерии согласия. Теорема Пирсона. Критерий хи-квадрат, критерий Колмогорова. Элементы корреляционного и регрессионного анализа. Основные положения. Примеры применения. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3], [6], [8], [9].

Заочная форма обучения

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание	Учебно-методическое обеспечение
1	2	3	4
1.	Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей	Основные понятия, пространство элементарных событий, частота события. Достоверные, невозможные и случайные события. Классическое и статистическое определение вероятности, геометрическая вероятность. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Теоремы Лапласа. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3],[4],[5], [7],[9]
2.	Раздел 2. Случайные величины	Дискретная и непрерывная случайная величина. Числовые характеристики случайных величин. Функции и плотность распределения. Моменты распределения случайных величин. Моменты начальные и центральные,	[1], [2], [3], [4], [8], [9].

		связь между ними. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	
3.	Раздел 3. Основные законы распределения	Интегральная функция распределения и ее свойства. Плотность распределения вероятностей и ее свойства. Примеры законов распределения дискретных и непрерывных случайных величин. Дискретные распределения: биномиальное, пуассоновское, равномерное и их параметры. Нормальное распределение. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3], [4], [8], [9].
4.	Раздел 4. Многомерные случайные величины	Закон распределения вероятностей дискретной двумерной величины. Функция распределения и плотность распределения двумерной случайной величины, их свойства. Условные законы распределения составляющих двумерных величин. Условное математическое ожидание. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3], [4], [5], [6], [8], [9]
5.	Раздел 5. Основные понятия математической статистики	Закон распределения вероятностей дискретной двумерной величины. Функция распределения и плотность распределения двумерной случайной величины, их свойства. Условные законы распределения составляющих двумерных величин. Условное математическое ожидание. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.	[1], [2], [3], [4], [5], [6], [8], [9].
6.	Раздел 6. Проверка статистических гипотез	Ошибки 1-го и 2-го рода. Отыскание критических областей. Мощность критерия. Сравнение средних и дисперсий нормальных генеральных	[1], [2], [3], [6], [8], [9].

	<p>совокупностей. Проверка гипотез о виде распределения. Непараметрические критерии согласия. Теорема Пирсона. Критерий хи-квадрат, критерий Колмогорова. Элементы корреляционного и регрессионного анализа. Основные положения. Примеры применения.</p> <p>Подготовка к практическим работам. Подготовка к контрольной работе. Подготовка к итоговому тестированию. Подготовка к экзамену.</p>	
--	---	--

5.2.5. Темы контрольных работ

1. Законы распределения случайной величины. Теория точечных оценок. Проверка статистических гипотез.

5.2.6. Темы курсовых проектов/ курсовых работ

Учебным планом не предусмотрены.

6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Организация деятельности студента
<p><u>Лекция</u> В ходе лекционных занятий необходимо вести конспектирование учебного материала, обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание тех или иных явлений и процессов, научные выводы и практические рекомендации. Необходимо задавать преподавателю уточняющие вопросы с целью уяснения теоретических положений, разрешения спорных ситуаций. Целесообразно дорабатывать свой конспект лекции, делая в нем соответствующие записи из литературы, рекомендованной преподавателем и предусмотренной учебной программой.</p>
<p><u>Практическое занятие</u> Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Особое внимание при этом необходимо обратить на содержание основных положений и выводов, объяснение явлений и фактов, уяснение практического приложения рассматриваемых теоретических вопросов. Решение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму и др.</p>
<p><u>Самостоятельная работа</u> Самостоятельная работа студента над усвоением учебного материала по учебной дисциплине может выполняться в аудиториях для самостоятельной работы, а также в домашних условиях. Содержание самостоятельной работы студента определяется учебной программой дисциплины, методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя. Самостоятельная работа в аудиторное время может включать: – конспектирование (составление тезисов) лекций;</p>

- выполнение контрольных работ;
- решение задач;
- работу со справочной и методической литературой;
- работу с нормативным и правовыми актами;
- участие в тестировании и др.

Самостоятельная работа во внеаудиторное время может состоять из:

- повторения лекционного материала;
- подготовки к практическим занятиям;
- изучения учебной и научной литературы;
- изучения нормативных правовых актов (в т.ч. в электронных базах данных);
- решения задач, выданных на практических занятиях;
- подготовки к контрольным работам, тестированию и т.д.;
- выделение наиболее сложных и проблемных вопросов по изучаемой теме, получение разъяснений и рекомендаций по данным вопросам с преподавателями кафедры на их еженедельных консультациях;
- проведение самоконтроля путем ответов на вопросы текущего контроля знаний, решения задач, представленных в учебно-методических материалах кафедры задач, тестов.

Контрольная работа

Теоретическая и практическая части контрольной работы выполняются по установленным темам (вариантам) с использованием практических материалов, полученных на практических занятиях. К каждой теме контрольной работы рекомендуется примерный перечень основных вопросов, список необходимой литературы. Необходимо изучить литературу, рекомендуемую для выполнения контрольной работы. Чтобы полнее раскрыть тему, следует использовать дополнительные источники и материалы. Инструкция по выполнению контрольной работы находится в методических материалах по дисциплине

Подготовка к экзамену

Подготовка студентов к экзамену включает три стадии:

- самостоятельная работа в течение учебного года (семестра);
- непосредственная подготовка в дни, предшествующие экзамену;
- подготовка к ответу на вопросы, содержащиеся в билете

7. Образовательные технологии

Перечень образовательных технологий, используемых при изучении дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика».

Традиционные образовательные технологии

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» проводится с использованием традиционных образовательных технологий ориентирующиеся на организацию образовательного процесса, предполагающую прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения), учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер. Формы учебных занятий по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» с использованием традиционных технологий:

Лекция – последовательное изложение материала в дисциплинарной логике,

осуществляемое преимущественно вербальными средствами (монолог преподавателя).

Практическое занятие – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

Интерактивные технологии

По дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» лекционные и практические занятия проводятся с использованием следующих интерактивных технологий:

Лекция-визуализация - представляет собой визуальную форму подачи лекционного материала средствами ТСО или аудиовидеотехники (видео-лекция). Чтение такой лекции сводится к развернутому или краткому комментированию просматриваемых визуальных материалов (в виде схем, таблиц, графов, графиков, моделей). Лекция-визуализация помогает студентам преобразовывать лекционный материал в визуальную форму, что способствует формированию у них профессионального мышления за счет систематизации и выделения наиболее значимых, существенных элементов.

По дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» практические занятия проводятся с использованием следующих интерактивных технологий:

– работа в малых группах – это одна из самых популярных стратегий, так как она дает всем обучающимся (в том числе и стеснительным) возможность участвовать в работе, практиковать навыки сотрудничества, межличностного общения (в частности, умение активно слушать, вырабатывать общее мнение, разрешать возникающие разногласия). Все это часто бывает невозможно в большом коллективе.

8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная учебная литература:

1. Балдин, К.В. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник /К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукоуев. – М.: Дашков и К. – 2014. – -473с. – 978-5-394-02108-4. – [Электронный ресурс] Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/4444.html>

2. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие / В.С. Мхитарян [и др.]. – М.: Московский финансово-промышленный университет «Синергия». – 2013. – 336с. – 978-5-4257-0106-0. – [Электронный ресурс] Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/17047.html>

3. Гурьянова И.Э. Теория вероятностей и математическая статистика. Теория вероятностей. Краткий курс с примерами: учебное пособие /И.Э. Гурьянова, Е.В. Левашкина. – М.: Издательский Дом МИСиС. – 2016. – 106 с. – 978-5-87623-915-0. – [Электронный ресурс] Режим доступа:
<http://www.iprbookshop.ru/64202.html>

б) дополнительная учебная литература:

1. Карасев, В.А. Теория вероятностей и математическая статистика. Математическая статистика: практикум /В.А. Карасев, Г.Д. Лёвшина. – М.: Издательский Дом МИСиС, 2016. – 120 с. – 978-5-906846-01-3. – [Электронный ресурс] Режим доступа:
<http://www.iprbookshop.ru/64203.html>

2. Джафаров, К.А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие / К.А. Джафаров. – Новосибирск: Изд-во НГТУ. – 2015. – 167с. – 978-5-7782-2720-0 – [Электронный ресурс] Режим доступа:
https://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=438304&sr=1

3. Колемаев, В.А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / В.А. Колемаев, В.Н. Калинина. – М.: Юнити-Дана. – 2015. – 352с. – 5-238-00560-1 – [Электронный ресурс] Режим доступа:
https://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=436721&sr=1

в) перечень учебно-методического обеспечения:

4. Холодов, Ю.В. УМП по «Математике» (з.о. 1 курс) / Ю.В. Холодов, К.Д. Яксубаев, И.В. Аксютин, Ю.А. Шуклина. – Астрахань, АИСИ. – 2015г. – 254с.
<http://edu.aucu.ru>

5. Холодов, Ю.В. УМП по «Математике» (з.о. 2 курс) / Ю.В. Холодов, К.Д. Яксубаев, И.В. Аксютин, Ю.А. Шуклина. – Астрахань, АИСИ. – 2015г. – 182с.
<http://edu.aucu.ru>

6. Аксютин, И.В. УМП по дисциплине «Математика» для студентов очной и заочной формы обучения направления/специальности 08.03.01 «Строительство» / И.В. Аксютин. – Астрахань, АИСИ. – 2015г. – 48с.
<http://edu.aucu.ru>

г) перечень онлайн курсов:

7. <https://www.intuit.ru/studies/courses/4/4/info>

8.2. Перечень необходимого лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе и отечественного производства, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

- 7-Zip
- Adobe Acrobat Reader DC
- Google Chrome
- VLC media player
- Apache Open Office
- Office Pro Plus Russian OLPNL Academic Edition
- Kaspersky Endpoint Security
- Internet Explorer
- Office 365 A1

- Microsoft Azure Dev Tools for Teaching
- Mathcad Education – University Edition

8.3. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, доступных обучающимся при освоении дисциплины

1. Электронная информационно-образовательная среда Университета:
(<http://edu.aucu.ru>, <http://moodle.aucu.ru>)
2. «Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека»
(<https://biblioclub.ru/>)
3. «Электронно-библиотечная система «IPRbooks» (www.iprbookshop.ru)
4. Научная электронная библиотека <http://www.elibrary.ru/>
5. Консультант + <http://www.consultant-urist.ru/>
6. Федеральный институт промышленной собственности
<https://www1.fips.ru/>
7. Патентная база USPTO
<https://www.uspto.gov/patents-application-process/search-patents/>

9. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№ п\п	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
1.	Аудитории для лекционных занятий: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18, № 4, 204	№ 4 Комплект учебной мебели. Переносной мультимедийный комплект. Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет»
	Аудитории для лабораторных занятий: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18, № 3, 4, 205, 207.	№ 204 Комплект учебной мебели. Стационарный мультимедийный комплект. Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет»
	Аудитории для практических занятий: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18, № 3, 4, 205, 207.	№ 205 Комплект учебной мебели. Переносной мультимедийный комплект. Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет»
	Аудитории для групповых и индивидуальных консультаций: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18, № 3, 4, 205, 207, 201.	№ 207 Комплект учебной мебели. Компьютеры - 15 шт. Стационарный

	Аудитории для текущего контроля и промежуточной аттестации: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18, № 3, 4, 205, 207.	<p>мультимедийный комплект. Доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»</p> <p>№ 3 Комплект учебной мебели.</p> <p>Стационарный мультимедийный комплект. Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет»</p>
2.	<p>Аудитории для самостоятельной работы: 414056 , г. Астрахань, ул. Татищева, 22а, №201, 203.</p> <p>414056, г. Астрахань, ул. Татищева,18, библиотека, читальный зал.</p>	<p>№ 201 Комплект учебной мебели.</p> <p>Компьютеры -8 шт.</p> <p>Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет».</p> <p>№ 203 Комплект учебной мебели.</p> <p>Компьютеры - 8 шт.</p> <p>Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет».</p> <p>Библиотека, читальный зал. Комплект учебной мебели. Компьютеры - 4 шт.</p> <p>Доступ к информационно – телекоммуникационной сети «Интернет».</p>
3.	<p>Аудитория для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: 414056, г. Астрахань, ул. Татищева, 18б, ауд. № 8.</p>	<p>№ 8 Комплект мебели. Расходные материалы для профилактического обслуживания учебного оборудования, вычислительная и орг техника на хранении</p>

10. Особенности организации обучения по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья на основании письменного заявления дисциплина «**Теория вероятностей и математическая статистика**» реализуется с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья (далее – индивидуальных особенностей).

**Лист внесения дополнений и изменений
в рабочую программу учебной дисциплины**

«Теория вероятностей и математическая статистика »
(наименование дисциплины)

на 20__ - 20__ учебный год

Рабочая программа пересмотрена на заседании кафедры «Системы автоматизированного проектирования и моделирования»,

протокол № ____ от _____ 20__ г.

Зав. кафедрой

ученая степень, ученое звание

подпись

/ _____ /
И.О. Фамилия

В рабочую программу вносятся следующие изменения:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____

Составители изменений и дополнений:

ученая степень, ученое звание

подпись

/ _____ /
И.О. Фамилия

ученая степень, ученое звание

подпись

/ _____ /
И.О. Фамилия

Председатель методической комиссии

ученая степень, ученое звание

подпись

/ _____ /
И.О. Фамилия

« ____ » _____ 20__ г.

РЕЦЕНЗИЯ
на рабочую программу, оценочные и методические материалы по дисциплине
Б1.Б.09 «Теория вероятностей и математическая статистика»
ОПОП ВО по направлению подготовки
38.03.01 «ЭКОНОМИКА»,
направленность (профиль)
«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и
организаций»
по программе *бакалавриата*

Г. А. Поповым (далее по тексту рецензент), проведена рецензия рабочей программы, оценочных и методических материалов по дисциплине ***«Теория вероятностей и математическая статистика»*** ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 ***«Экономика»***, по программе *бакалавриата*, разработанной в ГАОУ АО ВО «Астраханский государственный архитектурно-строительный университет», на кафедре *Системы автоматизированного проектирования и моделирования* (разработчик – профессор, д.т.н. *Т.В. Хоменко*).

Рассмотрев представленные на рецензию материалы, рецензент пришел к следующим выводам:

Предъявленная рабочая программа учебной дисциплины ***«Теория вероятностей и математическая статистика»*** (далее по тексту Программа) соответствует требованиям ФГОС ВО по направлению (профиль) подготовки 38.03.01 ***«Экономика»***, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 12.11 2015, №1327 и зарегистрированного в Минюсте России 30.11 2015, №39906.

Представленная в Программе актуальность учебной дисциплины в рамках реализации ОПОП ВО не подлежит сомнению – дисциплина относится к базовой части Блок 1 «Дисциплины (модули)».

Представленные в Программе цели учебной дисциплины соответствуют требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 ***«Экономика»***, направленность (профиль) ***«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и организаций»***.

В соответствии с Программой за дисциплиной ***«Теория вероятностей и математическая статистика»*** закреплены 2 компетенции, которые реализуются в объявленных требованиях.

Результаты обучения, представленные в Программе в категориях: знать, уметь, владеть, соответствуют специфике и содержанию дисциплины и демонстрируют возможность получения заявленных результатов.

Учебная дисциплина ***«Теория вероятностей и математическая статистика»*** взаимосвязана с другими дисциплинами ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 ***«Экономика»***, направленность (профиль) ***«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и организаций»*** и возможность дублирования в содержании отсутствует.

Представленная Программа предполагает использование современных образовательных технологий при реализации различных видов учебной работы. Формы образовательных технологий соответствуют специфике дисциплины.

Представленные и описанные в Программе формы текущей оценки знаний соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Промежуточная аттестация знаний *бакалавра*, предусмотренная Программой, осуществляется в форме экзамена. Формы оценки знаний, представленные в Рабочей программе, соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Учебно-методическое обеспечение дисциплины представлено основной,

дополнительной литературой, интернет-ресурсами и соответствует требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) подготовки «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*», «*Экономика предприятий и организаций*».

Материально-техническое обеспечение соответствует требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*» и специфике дисциплины «*Теория вероятностей и математическая статистика*» и обеспечивает использование современных образовательных, в том числе интерактивных методов обучения.

Представленные на рецензию оценочные и методические материалы направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», разработаны в соответствии с нормативными документами, представленными в программе. Оценочные и методические материалы по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» предназначены для текущего контроля и промежуточной аттестации и представляют собой совокупность разработанных кафедрой *Системы автоматизированного проектирования и моделирования* материалов для установления уровня и качества достижения обучающимися результатов обучения.

Задачами оценочных и методических материалов является контроль и управление процессом, приобретения обучающимися знаний, умений, навыков и компетенций, заявленных в образовательной программе по данному направлению подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) подготовки «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*», «*Экономика предприятий и организаций*».

Оценочные и методические материалы по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» представлены:

- заданиями для контрольной работы
- вопросами к экзамену
- тестами

Данные материалы позволяют в полной мере оценить результаты обучения по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» в АГАСУ, а также оценить степень сформированности компетенций.

ОБЩИЕ ВЫВОДЫ

На основании проведенной рецензии можно сделать заключение, что характер, структура, содержание рабочей программы, оценочных и методических материалов дисциплины «*Теория вероятностей и математическая статистика*» ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 «*Экономика*», по программе *бакалавриата*, разработанная профессор, д.т.н. *Т.В. Хоменко*, соответствуют требованиям ФГОС ВО, современным требованиям отрасли, рынка труда, профессиональных стандартов направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) подготовки «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*», «*Экономика предприятий и организаций*», и могут быть рекомендованы к использованию.

Рецензент:

Попов Георгий Александрович
Д.т.н., профессор, заведующий кафедры
«Информационной безопасности»,
ФГБОУ ВО «Астраханский
государственный технический
университет»

_____/_____
(подпись) Ф. И. О.

Подпись Попова Г.А. заверяю

_____/_____
(подпись) Ф. И. О.

Аннотация
к рабочей программе дисциплины
«Теория вероятностей и математическая статистика»
по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика»,
направленность (профиль)
«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и организаций»

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы.

Форма промежуточной аттестации: экзамен

Целью освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является формирование компетенций обучающегося в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика»

Учебная дисциплина Б1.Б.09 «Теория вероятностей и математическая статистика» входит в **Блок 1 «Дисциплины (модули)»** базовой части.

Для освоения дисциплины необходимы знания, полученные при изучении следующих дисциплин: «Математика», «Информатика» изучаемые в школьном курсе.

Краткое содержание дисциплины:

Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей

Раздел 2. Случайные величины

Раздел 3. Основные законы распределения

Раздел 4. Многомерные случайные величины

Раздел 5. Основные понятия математической статистики

Раздел 6. Проверка статистических гипотез

Заведующий кафедрой

подпись

/_____ /

И. О. Ф.

РЕЦЕНЗИЯ
на рабочую программу, оценочные и методические материалы по дисциплине
Б1.Б.09 «Теория вероятностей и математическая статистика»

ОПОП ВО по направлению подготовки
38.03.01 «Экономика»,
направленность (профиль)
«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и
организаций»
по программе *бакалавриата*

Г. А. Поповым (далее по тексту рецензент), проведена рецензия рабочей программы, оценочных и методических материалов по дисциплине **«Теория вероятностей и математическая статистика»** ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 **«Экономика»**, по программе *бакалавр*, разработанной в ГАОУ АО ВО «Астраханский государственный архитектурно-строительный университет», на кафедре *Системы автоматизированного проектирования и моделирования* (разработчик – профессор, д.т.н. *Т.В. Хоменко*).

Рассмотрев представленные на рецензию материалы, рецензент пришел к следующим выводам:

Предъявленная рабочая программа учебной дисциплины **«Теория вероятностей и математическая статистика»** (далее по тексту Программа) соответствует требованиям ФГОС ВО по направлению подготовки 38.03.01 **«Экономика»**, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от *12.11.2015 №1327* и зарегистрированного в Минюсте России *30.11.2015 №39906*.

Представленная в Программе актуальность учебной дисциплины в рамках реализации ОПОП ВО не подлежит сомнению – дисциплина относится к базовой части Блок 1 «Дисциплины (модули)».

Представленные в Программе цели учебной дисциплины соответствуют требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 **«Экономика»**, направленность (профиль) подготовки **«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и организаций»**.

В соответствии с Программой за дисциплиной **«Теория вероятностей и математическая статистика»** закреплены 2 компетенции, которые реализуются в объявленных требованиях.

Результаты обучения, представленные в Программе в категориях: знать, уметь, владеть, соответствуют специфике и содержанию дисциплины и демонстрируют возможность получения заявленных результатов.

Учебная дисциплина **«Теория вероятностей и математическая статистика»** взаимосвязана с другими дисциплинами ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 **«Экономика»**, направленность (профиль) **«Бухгалтерский учет, анализ и аудит», «Экономика предприятий и организаций»** и возможность дублирования в содержании отсутствует.

Представленная Программа предполагает использование современных образовательных технологий при реализации различных видов учебной работы. Формы образовательных технологий соответствуют специфике дисциплины.

Представленные и описанные в Программе формы текущей оценки знаний соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Промежуточная аттестация знаний *бакалавра*, предусмотренная Программой, осуществляется в форме экзамена. Формы оценки знаний, представленные в Рабочей программе, соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Учебно-методическое обеспечение дисциплины представлено основной,

дополнительной литературой, интернет-ресурсами и соответствует требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) подготовки «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*», «*Экономика предприятий и организаций*».

Материально-техническое обеспечение соответствует требованиям ФГОС ВО направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*» и специфике дисциплины «*Теория вероятностей и математическая статистика*» и обеспечивает использование современных образовательных, в том числе интерактивных методов обучения.

Представленные на рецензию оценочные и методические материалы направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», разработаны в соответствии с нормативными документами, представленными в программе. Оценочные и методические материалы по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» предназначены для текущего контроля и промежуточной аттестации и представляют собой совокупность разработанных кафедрой *Системы автоматизированного проектирования и моделирования* материалов для установления уровня и качества достижения обучающимися результатов обучения.

Задачами оценочных и методических материалов является контроль и управление процессом, приобретения обучающимися знаний, умений, навыков и компетенций, заявленных в образовательной программе по данному направлению подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*» «*Экономика предприятий и организаций*».

Оценочные и методические материалы по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» представлены:

- заданиями для контрольной работы
- вопросами к экзамену
- тестами

Данные материалы позволяют в полной мере оценить результаты обучения по дисциплине «*Теория вероятностей и математическая статистика*» в АГАСУ, а также оценить степень сформированности компетенций.

ОБЩИЕ ВЫВОДЫ

На основании проведенной рецензии можно сделать заключение, что характер, структура, содержание рабочей программы, оценочных и методических материалов дисциплины «*Теория вероятностей и математическая статистика*» ОПОП ВО по направлению подготовки 38.03.01 «*Экономика*», по программе *бакалавриата*, разработанная профессор, д.т.н. *Т.В. Хоменко*, соответствуют требованиям ФГОС ВО, современным требованиям отрасли, рынка труда, профессиональных стандартов направления подготовки 38.03.01 «*Экономика*», направленность (профиль) подготовки «*Бухгалтерский учет, анализ и аудит*», «*Экономика предприятий и организаций*», и могут быть рекомендованы к использованию.

Рецензент:

Попов Георгий Александрович
д.т.н., профессор, заведующий кафедры
«Информационной безопасности»,
ФГБОУ ВО «Астраханский
государственный технический
университет»

(подпись) / _____
Ф. И. О.

Подпись Попова Г.А. заверяю

(подпись) / _____
Ф. И. О.

Аннотация
к рабочей программе дисциплины
«Теория вероятностей и математическая статистика»
по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика»,
направленность (профиль) «Бухгалтерский учет, анализ и аудит»
«Экономика предприятий и организаций»

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы.

Форма промежуточной аттестации: экзамен

Целью освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является формирование компетенций обучающегося в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика»

Учебная дисциплина Б1.Б.09 «Теория вероятностей и математическая статистика» входит в Блок 1 «Дисциплины (модули)» базовой части.

Для освоения дисциплины необходимы знания, полученные при изучении следующих дисциплин: «Математика», «Информатика» изучаемые в школьном курсе.

Краткое содержание дисциплины:

- Раздел 1. Основные понятия теории вероятностей
- Раздел 2. Случайные величины
- Раздел 3. Основные законы распределения
- Раздел 4. Многомерные случайные величины
- Раздел 5. Основные понятия математической статистики
- Раздел 6. Проверка статистических гипотез

Заведующий кафедрой

_____ /
подпись

_____ /
И. О. Ф.

Министерство образования и науки Астраханской области
Государственное автономное образовательное учреждение
Астраханской области высшего образования
«Астраханский государственный архитектурно-строительный
университет»
(ГАОУ АО ВО «АГАСУ»)



ОЦЕНОЧНЫЕ И МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ

Наименование дисциплины

Теория вероятностей и математическая статистика

(указывается наименование в соответствии с учебным планом)

По направлению подготовки

38.03.01 «ЭКОНОМИКА»

(указывается наименование направления подготовки в соответствии с ФГОС)

Направленность (профиль)

«Бухгалтерский учет, анализ и аудит»

«Экономика предприятий и организаций»

(указывается наименование профиля в соответствии с ОПОП)

Кафедра

Системы автоматизированного проектирования и моделирования

Квалификация выпускника *бакалавр*

Астрахань - 2019

Разработчик:

Д.Т.Н., профессор

(занимаемая должность,
учёная степень и учёное звание)



(подпись)

/ Т.В. Хоменко /

И.О.Ф.

ст. преподаватель

(занимаемая должность)



(подпись)

/ И.А. Череповская /

И.О.Ф.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры «Системы автоматизированного проектирования и моделирования» протокол № _____ от _____

Заведующий кафедрой



(подпись)

Хоменко Т.В.

Согласовано:

Председатель МКН «Экономика»,

направленность (профиль) «Бухгалтерский учет,
анализ и аудит»



(подпись)

/И.И.Потапова/

И. О. Ф

Председатель МКН «Экономика»,

направленность (профиль) «Экономика предприятий
и организаций»



(подпись)

/И.И.Потапова/

И. О. Ф

Начальник УМУ



(подпись)

И. О. Ф

Специалист УМУ



(подпись)

И. О. Ф

СОДЕРЖАНИЕ:

	Стр.
1. Оценочные и методические материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	4
1.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы	4
1.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания	5
1.2.1. Перечень оценочных средств текущего контроля успеваемости	5
1.2.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций по дисциплине на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания	6
1.2.3. Шкала оценивания	8
2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы	10
3. Перечень и характеристики процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций	11
4. Приложения	13

1. Оценочные и методические материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Оценочные и методические материалы являются неотъемлемой частью рабочей программы дисциплины (далее РПД) и представлены в виде отдельного документа

1.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Индекс и формулировка компетенции	Индикаторы достижений компетенций, установленные ОПОП	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.5.1 РПД)						Формы контроля с конкретизацией задания
		1	2	3	4	5	6	
1	2	3	4	5	6	7	8	9
ОПК-2 – способностью осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	Знать:							
	Фундаментальные законы теории вероятности и математической статистики. Методы преобразования и математической обработки экономической информации	X	X	X	X	X	X	1. Комплект заданий для тестов (итоговое тестирование) (1-10; 53-70 тесты) 2. Вопросы к экзамену (1-10 вопросы)
	Уметь:							
	Обрабатывать экономическую информацию на математических пакетах	X	X	X	X	X	X	1. Комплект заданий для тестов (итоговое тестирование) (41-52; 71-84) тесты) 2. Вопросы к экзамену (11-14 вопросы)
	Владеть:							
	анализом и обработкой данных, необходимых для решения профессиональных задач	X	X	X	X	X	X	Контрольная работа (1-3)
ПК-4 – способностью на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и	Знать:							
	Фундаментальные законы теории вероятностей и математической	X	X	X	X	X	X	1. Комплект заданий для тестов (итоговое

эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты	статистики. Методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства							тестирование) (11-29; 85-94 тесты) 2. Вопросы к экзамену (23-33 вопросы)
	Уметь:							
	Решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов	X	X	X	X	X	X	1. Комплект заданий для тестов (итоговое тестирование) (30-40; 95-109 тесты) 2. Вопросы к экзамену (15-22 вопросы)
	Владеть:							
	Способностью строить стандартные теоретические и эконометрические модели и содержательно интерпретировать полученные результаты	X	X	X	X	X	X	Контрольная работа (4-7)

1.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

1.2.1. Перечень оценочных средств текущего контроля успеваемости

Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
Контрольная работа	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Комплект контрольных заданий по вариантам
Тест	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося	Фонд тестовых заданий

1.2.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций по дисциплине на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Компетенция, этапы освоения компетенции	Планируемые результаты обучения	Показатели и критерии оценивания результатов обучения			
		Ниже порогового уровня (не зачтено)	Пороговый уровень (Зачтено)	Продвинутый уровень (Зачтено)	Высокий уровень (Зачтено)
1	2	3	4	5	6
ОПК-2 – способностью осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	Знает- фундаментальные законы линейной алгебры. Методы преобразования и математической обработки экономической информации	Обучающийся не знает фундаментальные законы линейной алгебры. Методы преобразования и математической обработки экономической информации	Обучающийся знает фундаментальные законы линейной алгебры. Знает методы преобразования и математической обработки экономической информации	Обучающийся знает фундаментальные законы линейной алгебры. Знает методы преобразования и математической обработки экономической информации	Обучающийся в совершенстве знает фундаментальные законы линейной алгебры. Методы преобразования и математической обработки экономической информации
	Умеет - применять обработанную экономическую информацию на математических пакетах	Обучающийся не умеет применять обработанную экономическую информацию на математических пакетах	Обучающийся умеет применять обработанную экономическую информацию на математических пакетах	Обучающийся умеет обрабатывать экономическую информацию на математических пакетах, используя при этом необходимую информацию	Обучающийся в совершенстве умеет обрабатывать экономическую информацию на математических пакетах, используя при этом необходимую информацию
	Владеет - анализом и навыком обработки экономической	Обучающийся не владеет анализом и навыком обработки экономической	Обучающийся владеет анализом и навыком обработки экономической	Обучающийся владеет анализом и навыком обработки экономической	Обучающийся в совершенстве владеет анализом и навыком обработки

	информации на математических пакетах	информации	информации	информации. Способен применять их на практике	экономической информации. Способен применять их на практике
ПК-4 – способностью на основе описания экономически процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты	Знает- фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики. Методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства	Обучающийся не знает фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики и методы составления адекватных моделей экономики народного хозяйства	Обучающийся знает фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики, методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства	Обучающийся знает фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики, методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства. Способен применять их на практике	Обучающийся в совершенстве знает фундаментальные законы теории вероятностей и математической статистики, методы составления адекватных математических моделей экономики народного хозяйства. Способен применять их на практике
	Умеет- решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов	Обучающийся не умеет решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов	Обучающийся умеет решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов	Обучающийся умеет решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов. Способен анализировать полученные результаты и делать соответствующие выводы	Обучающийся в совершенстве умеет решать и анализировать математико-эконометрические модели с помощью математических пакетов. Способен анализировать полученные результаты и делать соответствующие выводы
	Владеет- способностью строить	Обучающийся не владеет способностью	Обучающийся владеет способностью строить	Обучающийся владеет способностью строить	Обучающийся в совершенстве владеет

	стандартные теоретические и эконометрические модели и содержательно интерпретировать полученный результат.	строить стандартные теоретические и эконометрические модели.	стандартные теоретические и эконометрические модели. Имеет навыки в анализе полученного результата.	строить стандартные теоретические и эконометрические модели и содержательно интерпретировать полученный результат. Способен анализировать данные.	способностью строить стандартные теоретические и эконометрические модели. Содержательно интерпретирует и анализирует полученный результат
--	--	--	---	---	---

1.2.3. Шкала оценивания

Уровень достижений	Отметка в 5-бальной шкале	Зачтено/ не зачтено
высокий	«5» (отлично)	зачтено
продвинутый	«4» (хорошо)	зачтено
пороговый	«3» (удовлетворительно)	зачтено
ниже порогового	«2» (неудовлетворительно)	не зачтено

2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения образовательной программы

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ:

2.1. Экзамен

а) типовые вопросы к экзамену (Приложение 1)

б) критерии оценивания

При оценке знаний на экзамене учитывается:

1. Уровень сформированности компетенций.
2. Уровень усвоения теоретических положений дисциплины, правильность формулировки основных понятий и закономерностей.
3. Уровень знания фактического материала в объеме программы.
4. Логика, структура и грамотность изложения вопроса.
5. Умение связать теорию с практикой.
6. Умение делать обобщения, выводы.

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1.	Отлично	Ответы на поставленные вопросы излагаются логично, последовательно и не требуют дополнительных пояснений. Полно раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Делаются обоснованные выводы. Демонстрируются глубокие знания базовых понятий. Соблюдаются нормы научно-литературной речи
2.	Хорошо	Ответы на поставленные вопросы излагаются систематизировано и последовательно. Базовые понятия используются, но в недостаточном объеме. Материал излагается уверенно. Раскрыты причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Демонстрируется умение анализировать материал, однако не все выводы носят аргументированный и доказательный характер. Соблюдаются нормы научно-литературной речи
3.	Удовлетворительно	Допускаются нарушения в последовательности изложения. Имеются упоминания об отдельных базовых понятиях. Неполно раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Демонстрируются поверхностные знания вопроса, с трудом решаются конкретные задачи. Имеются затруднения с выводами. Допускаются нарушения норм научно-литературной речи
4.	Неудовлетворительно	Материал излагается непоследовательно, сбивчиво, не представляет определенной системы знаний по дисциплине. Не раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Не проводится анализ. Выводы отсутствуют. Ответы на дополнительные вопросы отсутствуют. Имеются заметные нарушения норм научно-литературной речи.

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ:

2.2. Тест.

- а) *Типовой комплект заданий для входного тестирования (Приложение 3)*
Типовой комплект заданий для итогового тестирования (Приложение 4)
- б) *критерии оценивания*

При оценке знаний по результатам тестов учитывается:

1. Уровень сформированности компетенций.
2. Уровень усвоения теоретических положений дисциплины, правильность формулировки основных понятий и закономерностей.
3. Уровень знания фактического материала в объеме программы.
4. Логика, структура и грамотность изложения вопроса.
5. Умение связать теорию с практикой.
6. Умение делать обобщения, выводы.

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	Отлично	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 90% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; - на все вопросы предполагающие свободный ответ, студент дал правильный и полный ответ.
2	Хорошо	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 75% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; - на все вопросы, предполагающие свободный ответ, студент дал правильный ответ, но допустил незначительные ошибки и не показал необходимой полноты.
3	Удовлетворительно	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 50% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; - на все вопросы, предполагающие свободный ответ, студент дал правильный ответ, но допустил незначительные ошибки и не показал необходимой полноты.
4	Неудовлетворительно	если студентом не выполнены условия, предполагающие оценку «Удовлетворительно».
5	Зачтено	Выставляется при соответствии параметрам шкалы оценивания на уровнях «отлично», «хорошо», «удовлетворительно».
6	Не зачтено	Выставляется при соответствии параметрам шкалы оценивания на уровне неудовлетворительно».

2.3. Контрольная работа

- а) *Типовые задания (Приложение 2)*
- б) *критерии оценивания*

Выполняется в письменной форме. При оценке работы студента учитывается:

1. Правильное раскрытие содержания основных вопросов темы, правильное решение задач.
2. Самостоятельность суждений, творческий подход, научное обоснование раскрываемой темы.
3. Наличие в конце работы полного списка литературы.

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	2	3
1.	Отлично	Студент выполнил работу без ошибок и недочетов, допустил не более одного недочета
2.	Хорошо	Студент выполнил работу полностью, но допустил в ней не более одной не грубой ошибки и одного недочета, или не более двух недочетов
3.	Удовлетворительно	Студент правильно выполнил не менее половины работы или допустил не более двух грубых ошибок, или не более одной грубой и одной не грубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех не грубых ошибок, или одной негрубой ошибки и трех недочетов, или при отсутствии ошибок, но при наличии четырех-пяти недочетов, плохо знает материал, допускает искажение фактов
4.	Неудовлетворительно	Студент допустил число ошибок и недочетов превосходящее норму, при которой может быть выставлена оценка «3», или если правильно выполнил менее половины работы
5.	Зачтено	Выполнено правильно не менее 50% заданий, работа выполнена по стандартной или самостоятельно разработанной методике, в освещении вопросов не содержится грубых ошибок, по ходу решения сделаны аргументированные выводы, самостоятельно выполнена графическая часть работы
6.	Не зачтено	Студент не справился с заданием (выполнено правильно менее 50% задания варианта), не раскрыто основное содержание вопросов, имеются грубые ошибки в освещении вопроса, в решении задач, в выполнении графической части задания и т.д., а также выполнена не самостоятельно

3. Перечень и характеристики процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций

Процедура проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине регламентируется локальным нормативным актом.

Перечень и характеристика процедур текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине

№	Наименование оценочного средства	Периодичность и способ проведения процедуры оценивания	Виды выставляемых оценок	Форма учета

1.	Экзамен	Раз в семестр, по окончании изучения дисциплины	По пятибалльной шкале	Ведомость, зачетная книжка, портфолио
2.	Контрольная работа	Раз в семестр, по окончании изучения дисциплины	По пятибалльной шкале или зачтено/не зачтено	Регистрационная тетрадь для заочной формы обучения и журнал учета успеваемости преподавателя для очной формы обучения
3.	Тест	Входное тестирование перед изучением дисциплины, итоговое тестирование раз в семестр, по окончании изучения дисциплины	По пятибалльной шкале или Зачтено/не зачтено	Журнал учета успеваемости преподавателя

Приложения

Приложение I

Типовые вопросы к экзамену

ОПК-2 (знать)

1. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
2. Классическое определение вероятности, случайные события, элементарные исходы, свойства классической вероятности.
3. Совместные и несовместные события. Теорема сложения вероятностей.
4. Зависимые и независимые события. Теорема умножения вероятностей.
5. Условная вероятность. Теорема о формуле полной вероятности.
6. Формулы Байеса.
7. Понятие распределения вероятностей случайных событий.
8. Схема независимых испытаний. Формула Бернулли.
9. Случайные величины: определение. Независимые случайные величины и их свойства.
10. Функция распределения случайной величины.

ОПК-2 (уметь)

11. Определения числовых характеристик дискретных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и их свойства.
12. Определения числовых характеристик дискретных случайных величин: мода, медиана, центральные, начальные моменты и их свойства.
13. Определения числовых характеристик непрерывных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и их свойства.
14. Определения числовых характеристик непрерывных случайных величин: мода, медиана, центральные, начальные моменты и их свойства.

ПК-4 (уметь)

15. Биномиальное распределение, вычисление математического ожидания и дисперсии биномиального распределенной случайной величины.
16. Геометрическое распределение. Вычисление основных числовых характеристик.
17. Распределение Пуассона. Вычисление основных числовых характеристик.
18. Непрерывные случайные величины. Вычисление математического ожидания и дисперсии для равномерно распределенных случайных величин.
19. Непрерывные случайные величины. Вычисление математического ожидания и дисперсии для нормально распределенных случайных величин.
20. Функция распределения непрерывной случайной величины и ее свойства.
21. Функция плотности распределения.
22. Мода, медиана. Начальные и центральные моменты.

ПК-4 (знать)

23. Понятие о законе больших чисел.
24. Основные понятия математической статистики: генеральная совокупность, выборка, выборочные характеристики. Методы отбора.
25. Статистические оценки и их свойства: несмещённость, эффективность и состоятельность.
26. Выборочная средняя и выборочная дисперсия.
27. Анализ смещённости выборочной средней и выборочной дисперсии.
28. Начальные и центральные эмпирические моменты.
29. Число степеней свободы.
30. Точечная и интервальные оценки. Доверительный интервал.

31. Представление статистических данных. Полигон частот. Гистограмма.
32. Статистическая гипотеза. Ошибки первого и второго рода.
33. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы.

Типовые задания для контрольной работы

ОПК-2 (владеть)

Задание 1. В урне 20 шаров: 16 белых, 4 черных. Из урны вынимают сразу 3 шара. Какова вероятность того, что из них 2 шара будут белые и 1 черный.

Задание 2. В партии из 1000 изделий имеются 10 дефектных. Найти вероятность того, что среди 50 изделий, взятых наудачу из этой партии, ровно три окажутся дефектными.

Задание 3. Дискретная случайная величина X может принимать только два значения: x_1 и x_2 , причем $x_1 < x_2$. Известны вероятность $p_1 = 0,8$ возможного значения x_1 , математическое ожидание $M(x) = 3,2$ и дисперсия $D(x) = 0,16$. Найти закон распределения этой случайной величины.

ПК-4 (владеть)

Задание 4. Случайная величина x задана функцией распределения. Найти плотность распределения вероятностей, математическое ожидание и дисперсию случайной величины, если:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ \frac{x^2}{4}, & 0 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

Задание 5. Известны математическое ожидание $a = 4$ и среднее квадратическое отклонение $\sigma = 5$ нормально распределенной случайной величины x . Найти вероятность попадания этой величины в интервал $(2; 11)$.

Задание 6. Найти доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения с надежностью 0,95, зная выборочную среднюю $\bar{x} = 75,11$, объем выборки $n = 144$ и среднее квадратическое отклонение $\sigma = 12$.

Задание 7. Дана таблица распределения вероятностей двумерной случайной величины (ξ, η) :

$\xi \backslash \eta$	-1	0	1
0	0,1	0,2	0,3
1	0,2	0,2	0

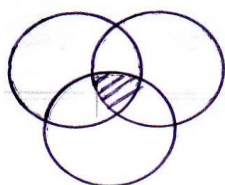
Найти $M(\xi)$, $M(\eta)$, $M(\xi\eta)$, $D(\xi)$, $D(\eta)$, $D(\xi\eta)$.

Типовой комплект заданий для входного тестирования

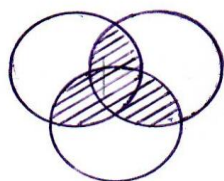
1. Случайное событие, это такое событие:
 - 1) причины которого неизвестны
 - 2) если условия в которых оно происходит, различны
 - 3) закономерности которого не поддаются наблюдению
 - 4) которое при совокупности одних и тех же условий может произойти, а может не произойти
2. Случайные события обозначаются:
 - 1) числами от 0 до I
 - 2) большими буквами
 - 3) малыми буквами
3. Событие называется достоверным:
 - 1) если вероятность его близка к единице
 - 2) если при заданном комплексе факторов оно может произойти
 - 3) если при заданном комплексе факторов оно обязательно произойдет
 - 4) если вероятность события не зависит от причин, условий, испытаний
4. Событие, которое при заданном комплексе факторов не может осуществиться называется:
 - 1) несовместным
 - 2) независимым
 - 3) невозможным
 - 4) противоположным
5. События называются несовместными, если:
 - 1) в данном опыте они могут появиться все вместе
 - 2) сумма вероятностей их равна единице
 - 3) хотя бы одно из них не может появиться одновременно с другим
 - 4) в одном и том же опыте появление одного из них исключает появление других событий
6. Несколько событий в данном опыте называются равновозможными:
 - 1) если при заданном комплексе факторов они произойдут
 - 2) если есть основание считать, что ни одно из этих событий не является более возможным, чем другое и появление одного из них исключает появление другого
 - 3) если есть основание считать, что ни одно из этих событий не является более возможным, чем другое
7. Два события называются противоположными:
 - 1) если они равновозможные и в сумме составляют достоверное событие
 - 2) если они несовместны и в сумме составляют достоверное событие
 - 3) если сумма вероятностей их равна единице
 - 4) если они взаимно исключают друг друга
8. Суммой (объединением) нескольких случайных событий называется:
 - 1) событие, состоящее в появлении любого из этих событий
 - 2) событие, состоящее в появлении всех указанных событий
 - 3) событие, состоящее в появлении хотя бы одного из этих событий

4) событие, состоящее в появлении одного из этих событий

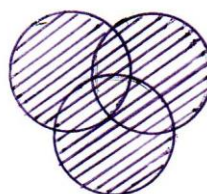
9. Геометрически суммы (объединение) событий изображаются:



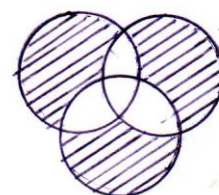
M



N



P

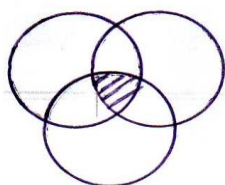


K

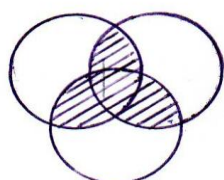
10. Произведением, совмещением, нескольких событий называется:

- 1) событие, состоящее в осуществлении любого из этих событий
- 2) событие, состоящее в появлении хотя бы одного из этих событий
- 3) событие, состоящее в последовательном появлении всех этих событий
- 4) событие, состоящее в осуществлении одновременно всех этих событий

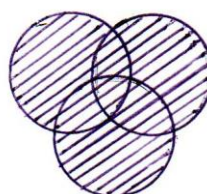
11. Геометрически произведение (совмещение) нескольких событий изображается:



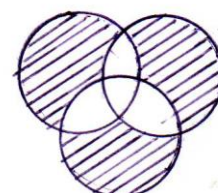
M



N



P



K

12. Несколько событий образуют полную группу, если они:

- 1) попарно независимы и в сумме составляют достоверное событие
- 2) попарно несовместны и в сумме составляют достоверное событие
- 3) попарно противоположными и в сумме составляют достоверное событие
- 4) попарно несовместны и в сумме составляют невозможное событие

13. Если случайные события образуют полную группу, то сумма их вероятностей:

- 1) лежит между 0 и 1
- 2) близка к 1
- 3) равна 1
- 4) равна 0

14. Будет ли сумма противоположных событий составлять полную группу:

- 1) да
- 2) нет
- 3) зависит от природы случайных событий

15. Схема случаев (схема урн) предполагает:

- 1) любое сложное событие можно представить через сумму элементарных событий, которые несовместны и имеют одну и ту же вероятность

2) любое сложное событие можно представить через сумму элементарных событий, которые образуют полную группу и имеют одну и ту же вероятность

3) любое сложное событие можно представить, как сумму элементарных событий, которые имеют одну и ту же вероятность

Приложение 4

Типовой комплект заданий для итогового тестирования

ОПК-2 (знать)

1. Классическое определение вероятности события A состоит в том, что вероятность события A есть:

1) отношение общего числа исходов к числу исходов, благоприятствующих событию A

2) отношение числа благоприятствующих этому событию исходов, которые могут быть совместны и равновозможны, к общему числу всех возможных исходов

3) отношение числа благоприятствующих этому событию исходов к общему числу всех равновозможных элементарных исходов, образующих полную группу событий

2. Событие A называется независимым от события B , если:

1) вероятность события B не зависит от того, произошло событие A или нет

2) вероятность события A не зависит от того, произошло событие B или нет

3) вероятность события B не зависит от того, произошло событие $A \cdot B$ или нет

3. Условие независимости события B от события A записывается в виде:

1) $P(A/B) \neq P(A)$

2) $P(B/A) \neq P(B)$

3) $P(B/A) = P(A)$

4) $P(B/A) = P(B)$

5) $P(B/A) = P(A/B)$

4. Условной вероятностью события A называется:

1) вероятность события A , вычисленная при условии, что вероятность события B приняла определенное значение

2) вероятность события A , вычисленная при условии, что имело место другое событие B

3) вероятность события A , вычисленная при условии совместного появления события A и B

4) вероятность события A , вычисленная при условии, что событие B не зависит от события A

5. Вероятность произведения двух событий равна:

1) произведению вероятностей первого из них на вероятность второго

2) произведению вероятностей одного из них, на вероятность другого, вычисленную при условии, что события независимы

3) произведению вероятности одного из них на условную вероятность другого, вычисленную при условии, что первое имело место

4) произведению вероятности одного из них на условную вероятность этого события, вычисленную при условии, что второе имело место

6. Можно ли теорему умножения вероятностей записать в следующем виде:

$$P(AB) = P(A) \cdot P(B/A) = P(B) \cdot P(A/B)?$$

- 1) да
- 2) нет
- 3) можно только в случае независимости события A от события B

7. Вероятность произведения двух независимых событий равна:

- 1) произведению вероятности одного из событий на условную вероятность второго
- 2) произведению вероятности одного из событий, на вероятность второго события
- 3) произведению вероятности одного из событий на условную вероятность этого же события, при условии, что второе имело место

8. Вероятность суммы двух событий A и B равна:

- 1) $P(A) + P(B) - P(AB)$
- 2) $P(A) + P(B) - P(A/B)$
- 3) $P(A) \cdot P(A/B)$
- 4) $P(A) + P(B)$
- 5) $P(A) + P(B) - P(A) \cdot P(B)$

9. Какая из формул верна?

- 1) $P(ABCD) = P(A) \cdot P(B/A) \cdot P(C/B) \cdot P(D/C)$
- 2) $P(ABCD) = P(A) \cdot P(B/A) \cdot P(C/AB) \cdot P(D/ABC)$
- 3) $P(ABCD) = P(A) \cdot P(B) \cdot P(C) \cdot P(D/ABC)$
- 4) $P(ABCD) = P(A) \cdot P(AB/A) \cdot P(ABC/A) \cdot P(ABCD/D)$

10. По какой формуле вычисляется вероятность противоположного события \bar{A} , если известна вероятность $P(A)$ события A ?

- 1) $P(\bar{A}) = 1 + P(A)$
- 2) $P(\bar{A}) = P(A) \cdot P(\bar{A} \cdot A)$
- 3) $P(\bar{A}) = P(A) \cdot P(\bar{A}/A)$
- 4) $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$

ПК-4 (знать)

11. Вероятность появления хотя бы одного из событий A_1, A_2, \dots, A_n , независимых друг от друга, равна:

- 1) $1 - P(A_1)P(A_2)P(A_3)\dots P(A_n)$
- 2) $1 - P(\bar{A}_1)P(\bar{A}_2)P(\bar{A}_3)\dots P(\bar{A}_n)$
- 3) $1 - P(A_1)P(A_2/A_1)P(A_3/A_1A_2)\dots P(A_n/A_1A_2\dots A_{n-1})$

$$4) \quad 1 - [P(A_1) + P(A_2) + P(A_3) + \dots + P(A_n)]$$

12. Гипотезами называют события, которые:

- 1) являются независимыми и образуют группу
- 2) являются несовместными
- 3) являются независимыми
- 4) являются несовместными и образуют полную группу
- 5) образуют полную группу

13. Если некоторое событие A может произойти с одним из событий $H_1, H_2, H_3, \dots, H_n$, образующих полную группу несовместных событий, то вероятность события A вычисляется по формуле, называемой формулой полной вероятности:

$$1) \quad P(A) = \sum_{i=1}^n P(H_i)P(H_i/A)$$

$$2) \quad P(A) = \sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)$$

$$3) \quad P(A) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(A_i/H_i)$$

$$4) \quad P(A) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(H_i/A_i)$$

$$5) \quad P(A) = \prod_{i=1}^n P(H_i)P(H_i/A_i)$$

14. Формула Байеса, которая вычисляет вероятность любой гипотезы H_i при условии, что некоторое событие A , связанное с этими гипотезами, произошло, имеет вид:

$$1) \quad P(H_i/A) = \frac{P(H_i)P(A/H_i)}{\sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)}$$

$$2) \quad P(H_i/A) = \frac{P(A) \cdot P(H_i/A)}{\sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)}$$

$$3) \quad P(H_i/A) = \frac{P(H_i) \cdot P(A/H_i)}{\sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)}$$

$$4) \quad P(H_i/A) = \frac{P(H_i) \cdot P(H_i/A)}{\sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)}$$

15. При выводе формулы Бернулли предполагается:

- 1) что в n независимых опытах событие A появится m раз
- 2) что в n несовместимых опытах события A появится m раз
- 3) что в n опытах, образующих полную группу, событие A появится m раз
- 4) что в n независимых опытах событие A появится не более m раз

16. Какая из формул является формулой Бернулли?

- 1) $P_{m,n} = C_m^n P^m q^{n-m}$
- 2) $P_{m,n} = C_n^m P^n q^{n-m}$
- 3) $P_{m,n} = C_m^n P^n q^{n-m}$
- 4) $P_{m,n} = C_n^m P^m q^{m-n}$

17. Случайной величиной называется величина:

- 1) принимающая в результате испытания числовое значение, которое можно предсказать при большом числе испытаний
- 2) принимающая в результате испытания числовые значения, которые принципиально нельзя предсказать, исходя из условий испытания
- 3) принимающая в результате испытания дискретное числовое значение, которое принципиально можно предсказать при большом числе испытаний
- 4) принимающая в результате испытания непрерывное числовое значение, которое принципиально нельзя предсказать

18. Случайные величины могут быть:

- 1) только дискретными
- 2) только непрерывными
- 3) либо дискретными, либо непрерывными
- 4) дискретными и непрерывными одновременно

19. Законом распределения случайной величины называется:

- 1) всякое соотношение, устанавливающее связь между возможными значениями случайной величины и вероятностями, которые им соответствуют
- 2) всякое соотношение, устанавливающее связь между возможными значениями случайной величины и функцией распределения
- 3) всякое соотношение, устанавливающее связь между случайной величиной и её вероятностью

20. Какая из формул является функцией распределения?

- 1) $F(x) = P(X > x)$
- 2) $f(x) = F'(x)$
- 3) $F(x) = P(X = x)$
- 4) $F(x) = P(X < x)$
- 5) $F(x) = f'(x)$

21. В каком ответе правильно записаны свойства функции распределения?

- 1) $F(x_2) \geq F(x_1)$, для $x_2 > x_1$; $F(-\infty) = 1$; $F(\infty) = 0$
- 2) $F(x_2) \leq F(x_1)$, для $x_2 > x_1$; $F(-\infty) = 0$; $F(\infty) = 1$
- 3) $F(x_2) \geq F(x_1)$, для $x_2 > x_1$; $F(-\infty) = 0$; $F(\infty) = 1$
- 4) $F(x_2) \geq F(x_1)$, для $x_2 > x_1$; $F(-\infty) = 1$; $F(\infty) = 1$

22. Вероятность попадания случайной величины на заданный участок (α, β) равна:

- 1) $P(\alpha < x < \beta) = F(\alpha) - F(\beta)$
- 2) $P(\alpha < x < \beta) = F(\beta) - F(\alpha)$

$$3) \quad P(\alpha < x < \beta) = \int_{\alpha}^{\beta} F(x) dx$$

$$4) \quad P(\alpha < x < \beta) = f(\beta) - f(\alpha)$$

23. Плотность вероятности есть:

- 1) предел отношения длины участка $(x, x + \Delta x)$ к вероятности попадания случайной величины на этот участок
- 2) предел разности функции распределения в точках $(x, x + \Delta x)$ и x
- 3) предел отношения вероятности попадания случайной величины на участок $(x, x + \Delta x)$ к длине участка
- 4) производная от вероятности попадания случайной величины на участок $(x, x + \Delta x)$

24. Какая из формул устанавливает связь между плотностью распределения $f(x)$ и функцией распределения $F(x)$:

$$1) \quad F(x) = f'(x)$$

$$2) \quad f(x) = F'(x)$$

$$3) \quad f(x) = F(x + \Delta x) - F(x)$$

$$4) \quad f(x) = \int_{-\infty}^x F(x) dx$$

25. Вероятность попадания случайной величины на интервал $(\alpha; \beta)$ будет определяться по формуле:

$$1) \quad P(\alpha < x < \beta) = \int_{\alpha}^{\beta} F(x) dx$$

$$2) \quad P(\alpha < x < \beta) = f(\beta) - f(\alpha)$$

$$3) \quad P(\alpha < x < \beta) = F(\alpha) - F(\beta)$$

$$4) \quad P(\alpha < x < \beta) = \int_{\alpha}^{\beta} f(x) dx$$

26. Какая из формул верно устанавливает связь между функцией распределения и плотностью распределения?

$$1) \quad F(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx$$

$$2) \quad F(x) = \int_x^{\infty} f(t) dt$$

$$3) \quad F(x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt$$

$$4) \quad F(x) = f'(x)$$

27. В каком ответе правильно записаны свойства плотности распределения?

$$1) \quad \int_{-\infty}^x f(x) dx = 1, \quad f(x) \geq 0$$

$$2) \int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = 1, \quad f(x) \leq 0$$

$$3) \int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = 0, \quad f(x) \geq 0$$

$$4) \int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = 1, \quad f(x) \geq 0$$

28. Математическое ожидание $M[x]$ непрерывной случайной величины есть число, определяемое по формуле:

$$1) M[x] = \sum_{i=1}^n x_i P_i$$

$$2) M[x] = \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x) f(x) dx$$

$$3) M[x] = \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^2 f(x) dx$$

$$4) M[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx$$

29. Начальным моментом S -го порядка дискретной случайной величины X называется:

- 1) математическое ожидание случайной величины, которая возведена в S -ю степень, т.е. $M[x^S]$
- 2) математическое ожидание централизованной случайной величины, которая возведена S -ю степень, т.е. $M[(x - m_x)^S]$
- 3) математическое ожидание, возведенное в S -ю степень, случайной величины X , т.е. $M^S[x]$
- 4) математическое ожидание, возведенное в S -ю степень централизованной величины, т.е. $M^S[x - m_x]$

ПК-4 (уметь)

30. Начальный момент S -го порядка дискретной случайной величины вычисляется по формуле:

$$1) \alpha_s[x] = \sum_i^n x_i P_i^s$$

$$2) \alpha_s[x] = \sum_i^n x_i^s P_i^s$$

$$3) \alpha_s[x] = \sum_i^n x_i^s P_i$$

$$4) \alpha_s[x] = \sum_i^n (x_i - m_x)^s P_i$$

$$5) \alpha_s[x] = \sum_i^n (x_i - m_x) P_i^s$$

31. Начальный момент S -го порядка непрерывной случайной величины вычисляется по формуле:

$$\begin{aligned}
1) \quad \alpha_s[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} x f^s(x) dx \\
2) \quad \alpha_s[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} x^s f(x) dx \\
3) \quad \alpha_s[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^s f(x) dx \\
4) \quad \alpha_s[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} x^s f^s(x) dx \\
5) \quad \alpha_s[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x) f^s(x) dx
\end{aligned}$$

32. Центральным моментом порядка S случайной величины X называется математическое ожидание:

- 1) возведенное в S -ю степень центрированной случайной величины, т.е. $M^s[x - m_x]$
- 2) случайной величины, которая возведена в степень S , т.е. $M[x^S]$
- 3) центрированной случайной величины, которая возведена в степень S , т.е. $M[(x - m_x)^S]$
- 4) возведенной в S -ю степень случайной величины X , т.е. $M^S[x]$

33. Центральный момент S -го порядка дискретной случайной величины вычисляется по формуле:

$$\begin{aligned}
1) \quad M_S[x] &= \sum_1^n (x_i - m_x) p_i^S \\
2) \quad M_S[x] &= \sum_1^n (x_i - m_x)^S p_i^S \\
3) \quad M_S[x] &= \sum_1^n x_i^S p_i^S \\
4) \quad M_S[x] &= \sum_1^n x_i p_i^S \\
5) \quad M_S[x] &= \sum_1^n (x_i - m_x)^S p_i
\end{aligned}$$

34. Центральный момент S -го порядка непрерывной случайной величины вычисляется по формуле:

$$\begin{aligned}
1) \quad M_S[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x) f^S(x) dx \\
2) \quad M_S[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^S f(x) dx \\
3) \quad M_S[x] &= \int_{-\infty}^{\infty} x^S f(x) dx
\end{aligned}$$

$$4) \quad M_s[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x^s f^s(x) dx$$

$$5) \quad M_s[x] = \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^s f^s(x) dx$$

35. Дисперсией случайной величины называется:

- 1) математическое ожидание квадрата отклонения случайной величины от ее математического ожидания, т.е. $M[(x - m_x)^2]$
- 2) квадрат математического ожидания отклонения случайной величины от ее математического ожидания, т.е. $M^2[x - m_x]$
- 3) математическое ожидание квадрата случайной величины, т.е. $M[x^2]$
- 4) квадрат математического ожидания квадрата отклонения случайной величины от ее математического ожидания, т.е. $M^2[(x - m_x)^2]$

36. Дисперсия $D(x)$ дискретной случайной величины есть число, определяемое по формуле:

$$1) \quad D[x] = \sum_{i=1}^n x_i p_i$$

$$2) \quad D[x] = \sum_{i=1}^n x_i^2 p_i$$

$$3) \quad D[x] = \sum_{i=1}^n x_i p_i^2 - m_x^2$$

$$4) \quad D[x] = \sum_{i=1}^n x_i^2 p_i - \left(\sum_{i=1}^n x_i p_i \right)^2$$

$$5) \quad D[x] = \sum_{i=1}^n x_i p_i - m_x^2$$

37. Дисперсия $D(x)$ непрерывной случайной величины есть число, определяемое по формуле:

$$1) \quad D[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 f(x) dx - \left(\int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx \right)^2$$

$$2) \quad D[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x f^2(x) dx - \left(\int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx \right)^2$$

$$3) \quad D[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 f^2(x) dx - \left(\int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx \right)^2$$

$$4) \quad D[x] = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 f(x) dx - \left(\int_{-\infty}^{\infty} x f^2(x) dx \right)^2$$

38. В каком ответе правильно перечислены свойства дисперсии?

- 1) $D[c] = c$; $D[cx] = c^2 D[x]$; $D[x \pm y] = D[x] + D[y]$; где x и y независимые случайные величины
- 2) $D[c] = 0$; $D[cx] = cD[x]$; $D[x \pm y] = D[x] + D[y]$; где x и y независимые случайные величины

3) $D[c] = 0$; $D[cx] = c^2 D[x]$; $D[x \pm y] = D[x] + D[y]$; где x и y независимые случайные величины

4) $D[c] = 0$; $D[cx] = c^2 D[x]$; $D[x \pm y] = D[x] \pm D[y]$; где x и y независимые случайные величины

39. Плотность равномерного распределения на сегменте $[\alpha; \beta]$ имеет вид:

$$1) \quad f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\beta - \alpha} & \text{при } \alpha \leq x \leq \beta \\ 0 & \text{при } x < \alpha, x > \beta \end{cases}$$

$$2) \quad f(x) = \frac{1}{\beta - \alpha} \quad \text{при } -\infty < x < \infty$$

$$3) \quad f(x) = \frac{(\lambda x)^m e^{-\lambda x}}{m!}$$

$$4) \quad f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & \text{при } x \geq 0 \\ 0 & \text{при } x < 0 \end{cases}$$

40. Биноминальное распределение предполагает:

1) что дискретная случайная величина – число появления события A , примет значение m в n несовместных одинаковых опытах

2) что дискретная случайная величина – число появления события A , примет значение m в n независимых одинаковых опытах

3) что дискретная случайная величина – число появления события A , примет значение не более m в n независимых одинаковых опытах

ОПК-2 (уметь)

41. Математическое ожидание биномиального распределения вычисляется по формуле:

$$1) \quad M[x] = nq$$

$$2) \quad M[x] = np$$

$$3) \quad M[x] = np^2 q$$

$$4) \quad M[x] = npq$$

$$5) \quad M[x] = \sqrt{npq}$$

42. Математическое ожидание равномерного распределения вычисляется по формуле:

$$1) \quad M[x] = np$$

$$2) \quad M[x] = \frac{\alpha + \beta}{2}, \quad x \in [\alpha; \beta]$$

$$3) \quad M[x] = \frac{\beta - \alpha}{2}, \quad x \in [\alpha; \beta]$$

$$4) \quad M[x] = \frac{(\beta - \alpha)^2}{12}, \quad x \in [\alpha; \beta]$$

43. Дисперсия биномиального распределения вычисляется по формуле:

$$1) \quad D(x) = npq$$

$$2) \quad D(x) = nq$$

$$3) \quad D(x) = np$$

$$4) \quad D(x) = C_n^m p^m q^{n-m}$$

44. Распределение Пуассона предполагает:

- 1) что дискретная случайная величина - число событий простейшего (пуассоновского) потока – примет определенное значение m за фиксированный промежуток времени t
- 2) что дискретная случайная величина - число событий простейшего (пуассоновского) потока – примет определенное значение m в n независимых испытаниях
- 3) что дискретная случайная величина - число событий простейшего (пуассоновского) потока имеет постоянную плотность распределения

45. Поток событий называется:

- 1) вероятность событий, наступающих одно за другим в случайные моменты времени
- 2) такая последовательность событий, вероятность появления которых зависит от их числа m и от длительности t промежутка времени
- 3) такая последовательность событий, вероятность появления которых на элементарном участке Δt двух и более событий пренебрежимо мала по сравнению с вероятностью появления одного события
- 4) последовательность событий, наступающих одно за другим в случайные моменты времени

46. Распределение Пуассона имеет вид:

- 1)
$$P_m = \frac{m^{\lambda t} e^{-\lambda t}}{m!}$$
- 2)
$$P_m = \frac{(\lambda t)^m e^{-\lambda t}}{m!}$$
- 3)
$$P_m = C_n^m p^m (1-p)^{n-m}$$
- 4)
$$P_m = \frac{(\lambda t)^m e^{-\lambda t}}{m!}$$

47. Показательное распределение предполагает:

- 1) что дискретная случайная величина - число событий простейшего потока – примет определенное значение m за фиксированный момент времени t
- 2) что дискретная случайная величина - число появления события А – примет значение m в n независимых испытаниях
- 3) что поток событий является пуассоновским, а в качестве непрерывной случайной величины выступает время между двумя последовательными событиями

48. Показательное распределение имеет вид:

- 1)
$$f(t) = \frac{(\lambda t)^m e^{-\lambda t}}{m!}$$
- 2)
$$f(t) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda t}, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$
- 3)
$$f(t) = 1 - e^{-\lambda t}$$

$$4) \quad f(t) = \begin{cases} te^{-\lambda t}, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$

49. Нормальное распределение имеет вид:

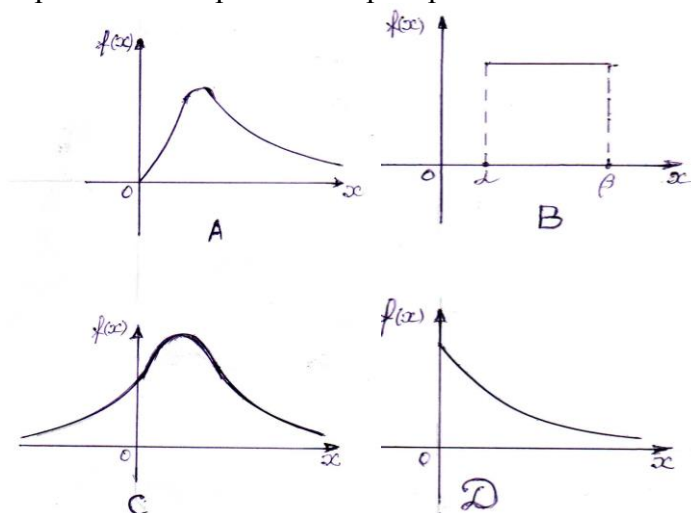
$$1) \quad f(x) = \frac{1}{\beta - \alpha} \quad \text{при } \alpha < x < \beta$$

$$2) \quad f(x) = \lambda e^{-\lambda x} \quad \text{при } x > 0$$

$$3) \quad f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2\sigma^2}}$$

$$4) \quad f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}m_x} e^{-\frac{(x-\sigma)^2}{2m_x^2}}$$

50. Какая из приведенных кривых наиболее точно характеризует график плотности вероятности нормального распределения?



51. Функция Лапласа имеет следующий вид:

$$1) \quad \Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

$$2) \quad \Phi(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2\sigma^2}} dx$$

$$3) \quad \Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2}} dx$$

$$4) \quad \Phi(x) = \int_0^x f(x) dx$$

52. Вероятность попадания случайной величины, подчиненной нормальному закону, на заданный участок (α, β) определяется по формуле:

$$1) \quad P(\alpha < x < \beta) = \Phi(\beta) - \Phi(\alpha)$$

$$2) \quad P(\alpha < x < \beta) = \Phi\left(\frac{\beta - m_x}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{\alpha - m_x}{\sigma}\right)$$

$$3) \quad P(\alpha < x < \beta) = \Phi\left(\frac{\alpha - m_x}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{\beta - m_x}{\sigma}\right)$$

$$4) \quad P(\alpha < x < \beta) = \Phi(\alpha) - \Phi(\beta)$$

ОПК-2 (знать)

53. Функция распределения $F(x, y)$ двумерной случайной величины принимает значения:

- 1) от $-\infty$ до $+\infty$
- 2) неотрицательные значения, т.е. ≥ 0
- 3) от нуля до единицы
- 4) ноль или единица

54. Функцией распределения двумерной случайной величины является:

- 1) неубывающая функция обоих своих аргументов
- 2) невозрастающая функция обоих своих аргументов

55. Чему равны предельные соотношения для функции распределения двумерной случайной величины?

- 1) $F(-\infty, y) = \dots?$
- 2) $F(x, -\infty) = \dots?$
- 3) $F(-\infty, -\infty) = \dots?$
- 4) $F(+\infty, +\infty) = \dots?$

56. Плотность распределения системы двух случайных величин есть:

- 1) предел отношения площади прямоугольника к вероятности попадания случайной точки в этот прямоугольник при $\Delta x \rightarrow 0$ и $\Delta y \rightarrow 0$, где Δx и Δy - длины сторон прямоугольника
- 2) предел отношения попадания случайной точки в прямоугольник к площади прямоугольника, если $\Delta x \rightarrow 0$ и $\Delta y \rightarrow 0$, где Δx и Δy - длины сторон прямоугольника;
- 3) вторая смешанная производная от вероятности попадания случайной точки в прямоугольник с длинами сторон Δx и Δy

57. Какая формула верно устанавливает связь между плотностью и функцией распределения двумерной случайной величины:

- 1) $f(x, y) = \frac{\partial F(x, y)}{\partial x}$
- 2) $f(x, y) = \frac{\partial^2 F(x, y)}{\partial x \partial y}$
- 3) $f(x, y) = \frac{\partial^2 F(x, y)}{\partial x^2}$
- 4) $f(x, y) = \frac{\partial^2 F(x, y)}{\partial y^2}$

58. Вероятность попадания двумерной случайной величины в произвольную область вычисляется по формуле:

$$1) \quad P[(XY) \in D] = \iint_D f_1(x) \cdot f_2(x) dx dy$$

- 2) $P[(XY) \in D] = \iint_D f_1(x) dx dy$
- 3) $P[(XY) \in D] = \iint_D f(x, y) dx dy$
- 4) $P[(XY) \in D] = \iint_D F(x, y) dx dy$

59. Функция распределения $F(x, y)$, если известна плотность распределения $f(x, y)$, определяется по формуле:

- 1) $F(x, y) = \int_{-\infty}^x \int_{-\infty}^y f(x, y) dx dy$
- 2) $F(x, y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dx dy$
- 3) $F(x, y) = \iint_D f(x, y) dx dy$
- 4) $F(x, y) = \int_{x_1}^{x_2} \int_{y_1}^{y_2} f(x, y) dx dy$

60. Плотность распределения двумерной случайной величины принимает значения:

- 1) неположительные
- 2) неотрицательные
- 3) как положительные, так и отрицательные

61. Интеграл $\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dx dy$ может принимать значения, равные:

- 1) только единице
- 2) только положительные
- 3) от 0 до 1
- 4) от $-\infty$ до $+\infty$

62. Плотность распределения случайной величины X , входящей в систему (X, Y) , выражается через плотность распределения системы:

- 1) $f_1(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dy$
- 2) $f_1(x) = \int_{-\infty}^x f(x, y) dy$
- 3) $f_1(x) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dy dx$
- 4) $f_1(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dx$

63. Плотность распределения случайной величины Y , входящей в систему (X, Y) , выражается через плотность распределения системы:

- 1) $f_1(y) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dy$

$$2) \quad f_1(y) = \int_{-\infty}^y f(x, y) dx$$

$$3) \quad f_1(y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int f(x, y) dy$$

$$4) \quad f_1(y) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dx$$

64. Условным законом распределения величины X , входящей в систему (X, Y) , называется:

- 1) закон распределения X , вычисленный при условии, что значения случайной величины Y равны значениям случайной величины X
- 2) закон распределения X , вычисленный при условии, что другая случайная величина Y приняла определенное значение
- 3) закон распределения X , вычисленный при условии, что другая случайная величина Y приняла все значения, т.е. от $-\infty$ до $+\infty$

65. Условным законом распределения величины X , входящей в систему (X, Y) , называется:

- 1) закон распределения Y , вычисленный при условии, что значения случайной величины Y равны значениям случайной величины Y
- 2) закон распределения Y , вычисленный при условии, что другая случайная величина Y приняла все значения, т.е. от $-\infty$ до $+\infty$
- 3) закон распределения Y , вычисленный при условии, что другая случайная величина Y приняла определенное значение

66. Плотность распределения системы двух случайных величин выражается через плотности отдельных величин следующим образом:

- 1) $f(x, y) = f_1(x) \cdot f_2(y)$
- 2) $f(x, y) = f_1(x) \cdot f_2(y/x)$
- 3) $f(x, y) = f(x/y) \cdot f(y/x)$
- 4) $f(x, y) = f_1(x) \cdot f(x/y)$

67. Условная плотность распределения выражается через безусловные плотности распределения следующим образом:

- 1) $f(y/x) = \frac{f_1(x)}{f(x, y)}$
- 2) $f(y/x) = \frac{f(x, y)}{f_2(y)}$
- 3) $f(y/x) = \frac{f(x, y)}{f_1(x)}$
- 4) $f(y/x) = \frac{f_2(y)}{f_1(x)}$

68. Условная плотность распределения выражается через безусловные плотности распределения следующим образом:

- 1) $f(x/y) = \frac{f_1(x)}{f(x,y)}$
- 2) $f(x/y) = \frac{f(x,y)}{f_2(y)}$
- 3) $f(x/y) = \frac{f(x,y)}{f_1(x)}$
- 4) $f(x/y) = \frac{f_1(x)}{f_2(y)}$

69. Если случайные величины X и Y независимы, то для них выполняется следующее соотношение:

- 1) $f(y/x) = f_2(y)$
- 2) $f(y/x) = f_1(x)$
- 3) $f(y/x) = f(x,y)$
- 4) $f(y/x) \neq f_2(y)$

70. Если случайные величины X и Y независимы, то для них выполняется следующее соотношение:

- 1) $f(x/y) = f_2(y)$
- 2) $f(x/y) = f_1(x)$
- 3) $f(x/y) \neq f_1(x)$
- 4) $f(x/y) = f(x,y)$

ОПК-2 (уметь)

71. Для независимых случайных величин X и Y плотность распределения $f(x,y)$ выражается в виде:

- 1) $f(x,y) = f_1(x) \cdot f_2(y)$
- 2) $f(x,y) = f_1(x) \cdot f(x/y)$
- 3) $f(x,y) = f_2(y) \cdot f(y/x)$
- 4) $f(x,y) = f(x/y) \cdot f(y/x)$

72. Начальный момент α_{KS} порядка $K+S$ системы (X,Y) это:

- 1) $M[(x \cdot y)^{K+S}]$
- 2) $M[X^K \cdot Y^S]$
- 3) $M[X^K] \cdot M[Y^S]$
- 4) $M^{K+S}[X \cdot Y]$

73. Центральный момент M_{KS} порядка $K+S$ системы (X,Y) это:

- 1) $M[\{(X - M(x))(Y - M(y))\}^{K+S}]$
- 2) $M[(X - M[x])^K (Y - M[y])^S]$
- 3) $M[(X - M[x])^K] \cdot M[(Y - M[y])^S]$
- 4) $M^{K+S}[(X - M[x])(Y - M[y])]$

74. Для непрерывных случайных величин начальный момент $\alpha_{K,S}$ порядка $K + S$ вычисляется по формуле:

- 1) $\alpha_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} (x \cdot y)^{K+S} f(x, y) dx dy$
- 2) $\alpha_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} x^K \cdot y^S f(x, y) dx dy$
- 3) $\alpha_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^K \cdot (y - m_y)^S f(x, y) dx dy$
- 4) $\alpha_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot y (f(x, y))^{K+S} dx dy$

75. Для непрерывных случайных величин центральный момент $M_{K,S}$ порядка $K + S$ вычисляется по формуле:

- 1) $M_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} [(X - M[x])(Y - M[y])]^{K+S} f(x, y) dx dy$
- 2) $M_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} (X - M[x])^K (Y - M[y])^S f(x, y) dx dy$
- 3) $M_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} X^K \cdot Y^S f(x, y) dx dy$
- 4) $M_{K,S} = \int \int_{-\infty}^{\infty} (X - M[x])(Y - M[y]) f(x, y)^{K+S} dx dy$

76. Для дискретных случайных величин начальный момент $\alpha_{K,S}$ порядка $K + S$ вычисляется по формуле:

- 1) $\alpha_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i y_j)^{K+S} P_{ij}$
- 2) $\alpha_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_i^K y_j^S P_{ij}$
- 3) $\alpha_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i - m_x)^K (y_j - m_y)^S P_{ij}$
- 4) $\alpha_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_i y_j P_{ij}^{K+S}$

77. Для дискретных случайных величин центральный момент $M_{K,S}$ порядка $K + S$ вычисляется по формуле:

- 1)
$$M_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m [(x_i - m_x)(y_i - m_y)]^{K+S} P_{ij}$$
- 2)
$$M_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i - m_x)^K (y_i - m_y)^S P_{ij}$$
- 3)
$$M_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_i^K y_i^S P_{ij}$$
- 4)
$$M_{K,S} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i - m_x)(y_i - m_y) P_{ij}^{K+S}$$

78. Корреляционный момент K_{XY} , по определению, будет:

- 1)
$$K_{XY} = M[XY]$$
- 2)
$$K_{XY} = M[(x - m_x)^2 (y - m_y)]$$
- 3)
$$K_{XY} = M[(y - m_y)^2 (x - m_x)]$$
- 4)
$$K_{XY} = M[(x - m_x)(y - m_y)]$$

79. Для дискретных случайных величин корреляционный момент выражается формулой:

- 1)
$$K_{XY} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_i y_j P_{ij}$$
- 2)
$$K_{XY} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_i y_j f(x_i, y_j)$$
- 3)
$$K_{XY} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i - m_x)(y_j - m_y) P_{ij}$$
- 4)
$$K_{XY} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (x_i - m_x)(y_j - m_y) f(x_i, y_j)$$

80. Для непрерывных случайных величин корреляционный момент выражается формулой:

- 1)
$$K_{XY} = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} xyf(x, y) dx dy$$
- 2)
$$K_{XY} = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)(y - m_y) P(x_i, y_i) dx dy$$
- 3)
$$K_{XY} = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)(y - m_y) f(x, y) dx dy$$
- 4)
$$K_{XY} = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} (x - m_x)^2 (y - m_y)^2 f(x, y) dx dy$$

81. Для характеристики связи между случайными величинами X и Y принимается коэффициент корреляции r_{XY} , который, по определению, имеет вид:

- 1)
$$r_{XY} = \frac{K_{XY}}{\sigma_x \sigma_y}$$
- 2)
$$r_{XY} = \frac{K_{XY}}{D_x D_y}$$

- 3) $r_{XY} = \frac{\sigma_x}{\sigma_y} K_{XY}$
 4) $r_{XY} = K_{XY} \cdot \sigma_x \cdot \sigma_y$

82. Если случайные величины X и Y независимы, то корреляционный момент K_{XY} равен:

- 1) единице
 2) от 0 до 1
 3) нулю
 4) от -1 до +1

83. Коэффициент корреляции r_{XY} принимает значение:

- 1) от 0 до 1
 2) от $-\infty$ до $+\infty$
 3) от 0 до $+\infty$
 4) от -1 до +1

84. Если между случайными величинами X и Y существует линейная функциональная зависимость, то коэффициент корреляции r_{XY} равен:

- 1) от -1 до +1
 2) не менее нуля
 3) либо -1, либо +1
 4) от $-\infty$ до $+\infty$

ПК-4 (знать)

85. Условное математическое ожидание $M[x/y]$ дискретной случайной величины X вычисляется по формуле:

- 1) $M[y/x] = \sum_{i=1}^n y_i P(y_i/x)$
 2) $M[y/x] = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{y_i} P(x_i/y_i)$
 3) $M[y/x] = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{y_i} P(y_i)$
 4) $M[y/x] = \sum_{i=1}^m x_i P(x_i/y)$

86. Условное математическое ожидание $M[x/y]$ непрерывной случайной величины X вычисляется по формуле:

- 1) $M[x/y] = \int_{-\infty}^{\infty} y f(y/x) dy$
 2) $M[x/y] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x/y) dx$
 3) $M[x/y] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(y/x) dx$
 4) $M[x/y] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x/y) dy$

87. Для независимых случайных величин X и Y нормальный закон распределения будет иметь вид:

$$1) \quad f(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma_x\sigma_y} e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2\sigma_x^2} - \frac{(y-m_y)^2}{2\sigma_y^2}}$$

$$2) \quad f(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma_x\sigma_y} e^{-\frac{(x-m_x)^2 + (y-m_y)^2}{2\sigma_x^2\sigma_y^2}}$$

$$3) \quad f(x, y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_x} e^{-\frac{(x-m_x)^2}{2\sigma_x^2}} + \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_y} e^{-\frac{(y-m_y)^2}{2\sigma_y^2}}$$

$$4) \quad f(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma_x\sigma_y} e^{-\frac{x-m_x}{2\sigma_x} - \frac{y-m_y}{2\sigma_y}}$$

88. Как называется численное значение признака:

- 1) объемом выборки
- 2) генеральной совокупностью
- 3) вариантой
- 4) средним значением

89. Выборка – это:

- 1) ограниченное число выбранных случайным образом элементов
- 2) ограниченное число элементов, выбранных неслучайно
- 3) большая совокупность элементов, для которой оцениваются характеристики

90. Статистическим распределением называется:

- 1) перечень вариантов
- 2) перечень вариантов или интервалов и соответствующих частот
- 3) перечень вариантов или интервалов и соответствующих вероятностей
- 4) перечень значений случайной величины или ее интервалов и соответствующих вероятностей

91. Оценкой параметра называется:

- 1) приближенное случайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по всем данным генеральной совокупности
- 2) приближенное случайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по данным выборки
- 3) приближенное неслучайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по данным выборки

92. Оценка называется несмещенной, если:

- 1) она сходится по вероятности при $n \rightarrow \infty$ к истинному значению параметра
- 2) она обладает по сравнению с другими наименьшей дисперсией
- 3) ее математическое ожидание равно истинному значению параметра

93. Оценка называется состоятельной, если:

- 1) она обладает по сравнению с другими наименьшей дисперсией
- 2) ее математическое ожидание равно истинному значению параметра

3) она сходится по вероятности при $n \rightarrow \infty$ к истинному значению параметра

94. Оценка называется эффективной, если:

- 1) она обладает по сравнению с другими оценками наименьшей дисперсией
- 2) ее математическое ожидание равно истинному значению параметра
- 3) она сходится по вероятности при $n \rightarrow \infty$ к истинному значению параметра

ПК-4 (уметь)

95. Среднее значение выборки является:

- 1) несмещенной оценкой математического ожидания
- 2) смещенной оценкой математического ожидания
- 3) смещенной оценкой дисперсии
- 4) несмещенной оценкой дисперсии

96. Выборочная дисперсия, определяемая по формуле $D_s = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$, является:

- 1) несмещенной оценкой дисперсии генеральной совокупности
- 2) смещенной оценкой дисперсии генеральной совокупности
- 3) либо смещенной, либо несмещенной оценкой (в зависимости от условий проведения опыта) дисперсии генеральной совокупности

97. Чтобы оценка дисперсии генеральной совокупности была несмещенной, необходимо выборочную дисперсию:

- 1) умножить на $\frac{n}{n-1}$
- 2) умножить на $\frac{n-1}{n}$
- 3) разделить на $n-1$

98. Практически невозможным событием называется событие, вероятность которого:

- 1) равна нулю
- 2) близка к нулю
- 3) лежит между 0 и 0,5

99. Практически достоверным событием называется событие, вероятность которого:

- 1) равна единице
- 2) близка к единице
- 3) лежит между 0,5 и 1

100. Доверительный интервал $(V_s - \delta, V_s + \delta)$ для параметра V определяется:

- 1) по заданному значению δ и значению V_s , которое находится из соотношения $P(|V_s - V| < \delta) = \gamma$
- 2) по определенному из выборки V_s и значению δ , которое находится из соотношения $P(|V_s - V| < \delta) = \gamma$

3) по заданной доверительной вероятности γ и по ее выборочным данным δ и V_δ

101. Доверительный интервал для математического ожидания при известной дисперсии δ^2 нормально распределенной генеральной совокупности будет:

- 1) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sqrt{n}}{\sigma} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sqrt{n}}{\sigma}$, где $\Phi(t_\gamma) = \frac{\gamma}{2}$
- 2) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$, где $\Phi(t_\gamma) = \frac{\gamma}{2}$
- 3) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n-1}} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n-1}}$, где $\Phi(t_\gamma) = \frac{\gamma}{2}$

102. Доверительный интервал для математического ожидания при неизвестной дисперсии D нормально распределенной генеральной совокупности будет:

- 1) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n+1}} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n+1}}$
- 2) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$
- 3) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n-1}} < m_x < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n-1}}$

103. Доверительный интервал для среднеквадратического отклонения нормально распределенной совокупности будет:

- 1) $\frac{\sqrt{n}\sigma_\delta}{\sqrt{x_\delta^2}} < \sigma < \frac{\sqrt{n}\sigma_\delta}{\sqrt{x_n^2}}$
- 2) $\bar{x} - t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \sigma < \bar{x} + t_\gamma \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$
- 3) $\sigma_{\hat{a}} - t_\gamma \frac{\sigma_{\hat{a}}}{\sqrt{n}} < \sigma < \sigma_{\hat{d}} + t_\gamma \frac{\sigma_{\hat{d}}}{\sqrt{n}}$

113. При проверке нулевой гипотезы при заданном уровне значимости исходят из соотношения:

- 1) $P(K \in \{K_{кр}\}) = 1 - \alpha$; где $\{K_{\epsilon\delta}\}$ – критическая область
- 2) $P(K \in \{K_{кр}\}) = \alpha$
- 3) $P(K \notin \{K_{кр}\}) = \alpha$.

104. Критической областью называют совокупность значений критерия, при которых нулевую гипотезу:

- 1) принимают
- 2) отвергают

105. Уровень значимости – это:

- 1) достаточно большая величина вероятности, при которой событие можно считать практически достоверным
- 2) достаточно малая величина вероятности, при которой событие можно считать практически невозможным

- 3) значение вероятности от 0 до 1

106. В качестве критерия для проверки гипотезы о законе распределения применяется:

1)
$$K = \sum_{i=1}^l \frac{(n_i - n_i^T)^2}{n_i}$$

2)
$$K = \sum_{i=1}^l \left(\frac{n_i - n_i^T}{n_i^T} \right)^2$$

3)
$$K = \sum_{i=1}^l \frac{n_i - n_i^T}{n_i^T}$$

где l - количество интервалов, n_i/n_i^T - абсолютная/теоретическая частота i -го интервала

107. При проверке статистической гипотезы, если выборочный критерий K_g принадлежит критической области $\{K\}$, т.е. $K_g \in K$, то гипотеза:

- 1) принимается
- 2) отвергается
- 3) может быть принята либо отвергнута в зависимости от уровня значимости и объема выборки

108. При проверке статистической гипотезы, если выборочный критерий K_g не принадлежит критической области $\{K\}$, т.е. $K_g \notin K$, то гипотеза:

- 1) принимается
- 2) отвергается
- 3) может быть принята либо отвергнута в зависимости от уровня значимости и объема выборки

109. При проверке гипотезы о нормальном законе распределения по критерию Пирсона вероятность попадания случайной величины в i -й интервал (x_i, x_{i+1}) определяется по формуле:

1)
$$P_i = \Phi\left(\frac{x_i - \bar{x}}{\sigma_g}\right) - \Phi\left(\frac{x_{i+1} - \bar{x}}{\sigma_g}\right)$$

2)
$$P_i = \Phi\left(\frac{x_{i+1} - \bar{x}}{\sigma_g}\right) - \Phi\left(\frac{x_i - \bar{x}}{\sigma_g}\right)$$

3)
$$P_i = \Phi(x_{i+1}) - \Phi(x_i)$$

4)
$$P_i = \Phi(x_{i+1} - \bar{x}) - \Phi(x_i - \bar{x})$$